

## 7. Историја - Задолжителен предмет

Прашање

Што од наведеното било заедничка карактеристика за Албанија, Бугарија, Југослевија и Романија по Втората светска војна?

Какви уставни промени биле направени со Уставот на Социјалистичка Република Македонија од 1974 година?

Што од наведеното е карактеристично за економскиот систем на Република Македонија утврден со Уставот од 1991?

Доколку си живеел во времето на *колективизација* во Македонија, ќе знаеш дека овој процес подразбирал:

## 8. Линеарна алгебра и аналитичка геометрија - Изборен предмет

Прашање

Вредноста на детерминантата  $\begin{vmatrix} a & b \\ a & b \end{vmatrix}$  е еднаква на:

Формулите  $x_0 = \frac{\Delta x}{\Delta}$ ,  $y_0 = \frac{\Delta y}{\Delta}$  по кои се одредуваат решенијата на систем линеарни равенки со две променливи се викаат:

## 8. Линеарна алгебра и аналитичка геометрија - Изборен предмет

Прашање

Со кое правило може најлесно да се пресмета вредноста на детерминанта од трет ред?

Системот  $a_1x + b_1y = c_1; a_2x + b_2y = c_2$  е хомоген ако:

Ако во детерминантата, редиците се заменат со колони соодветно, вредноста на детерминантата:

Системот од две линеарни равенки со две непознати има едно решение ако детерминантата на системот е:

Вредноста на детерминантата  $\begin{vmatrix} 1 & 1 \\ 3 & 3 \end{vmatrix}$  е еднаква на:

Детерминантата  $\begin{vmatrix} a & b \\ c & d \end{vmatrix}$  е еднаква со детерминантата:

Вредноста на детерминантата  $\begin{vmatrix} 3 & 0 \\ 4 & 0 \end{vmatrix}$  е:

Детерминантата  $\begin{vmatrix} a & b \\ ka & kb \end{vmatrix}$  е еднаква на:

## 8. Линеарна алгебра и аналитичка геометрија - Изборен предмет

Прашање

Вредноста на детерминантата  $\begin{vmatrix} a & b \\ c & d \end{vmatrix}$  е еднаква со:

Детерминантата  $\begin{vmatrix} a+a_1 & b \\ c+c_1 & d \end{vmatrix}$  е еднаква на:

Системот равенки  $\begin{cases} a_1x + b_1y = c_1 \\ a_2x + b_2y = c_2 \end{cases}$  за кој  $\begin{vmatrix} a_1 & b_1 \\ a_2 & b_2 \end{vmatrix} \neq 0$  е:

Системот  $\begin{cases} kx - y = 4 \\ 6x - 3y = 5 \end{cases}$  е противречен само ако:

Ако се прецрта втората редица и третата колона на детерминанта од трет ред, се добива детерминанта од втор ред која се вика:

По која редица или колона треба да се развива детерминантата  $\begin{vmatrix} 203 \\ 082 \\ 105 \end{vmatrix}$  за најбрзо да се пресмета нејзината вредност?

Вредноста на горнотриаголната детерминанта  $\begin{vmatrix} 123 \\ 012 \\ 001 \end{vmatrix}$  е:

## 8. Линеарна алгебра и аналитичка геометрија - Изборен предмет

Прашање

Ако детерминантата на системот  $\Delta = 0$ , тогаш:

Вредноста на детерминантата на системот  $2x - 3y = -1; 4x + 5y = 9$  е:

Системот равенки  $2x - 3y = -1; ax + 5y = 9$  има решение (1,1), ако вредноста на  $a$  изнесува:

Вредноста на детерминантата  $\begin{vmatrix} 1 & -22 \\ 2 & -14 \\ 3 & 56 \end{vmatrix}$  е:

Вредноста на детерминантата  $\begin{vmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{vmatrix}$  е:

Вредноста на детерминантата  $\begin{vmatrix} 0 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 \end{vmatrix}$  е:

Вредноста на детерминантата  $\begin{vmatrix} 4 & 2013 & 12 \\ 0 & 2014 & 0 \\ 1 & 2012 & 3 \end{vmatrix}$  е:

Алгебарскиот комплемент на елементот  $A_{23}$  на детерминантата  $\begin{vmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & 5 & 6 \\ 7 & 8 & 9 \end{vmatrix}$  е:

## 8. Линеарна алгебра и аналитичка геометрија - Изборен предмет

Прашање

Алгебарскиот комплемент на елементот  $A_{22}$  на детерминантата  $\begin{vmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & 5 & 6 \\ 7 & 8 & 9 \end{vmatrix}$  е:

Збирот од алгебарските комплементи кои одговараат на елементите на главната дијагонала на детерминантата  $\begin{vmatrix} 1 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 1 \end{vmatrix}$  е:

Множеството вектори со операцијата собирање на вектори претставува:

Векторот  $\vec{a}_0 = \frac{\vec{a}}{|\vec{a}|}$ ,  $\vec{a} \neq \vec{0}$  се вика:

Векторскиот производ на единичните вектори  $\vec{i}, \vec{j}, \vec{k}$  е:

Векторите  $\vec{a}, \vec{b}, \vec{c}$  се компланарни само ако нивниот мешан производ е:

Векторите што припаѓаат на иста рамнина се:

Векторите  $\vec{a}, \vec{b}$  се неколинеарни ако во равенството  $\lambda\vec{a} + \mu\vec{b} = \vec{0}; \lambda, \mu \in \mathbb{R}$  и:

Векторите  $\vec{a}, \vec{b}$  се колинеарни ако во равенството  $\lambda\vec{a} + \mu\vec{b} = \vec{0}; \lambda, \mu \in \mathbb{R}$  и:

## 8. Линеарна алгебра и аналитичка геометрија - Изборен предмет

Прашање

Векторот  $\vec{a}$  поделен со модулот на векторот  $\vec{a}$  се вика:

Средините на страните на произволен четириаголник образуваат:

Средините на страните на ромбот се темиња на:

Нека  $\vec{a} = \vec{a}_1 + \vec{a}_2 + \vec{a}_3$  тогаш  $\text{IP}_{\vec{a}}$  изнесува:

Ако  $\alpha, \beta, \gamma$  се аглие што векторот  $\vec{a}$  ги зафаќа со координатните оски  $O_x, O_y$  и  $O_z$  соодветно, тогаш важи равенството:

Векторскиот производ на ортовите  $\vec{k}, \vec{i}, \vec{j}$  во стандардниот тродимензионален координатен систем е:

Која од долунаведените операции НЕ е операција во множеството вектори?

Координатното преставување на векторот  $\vec{a} = 7\vec{j} - 2\vec{k}$  е:

Два ненулни вектори се ортогонални само ако:

## 8. Линеарна алгебра и аналитичка геометрија - Изборен предмет

Прашање

Модулот на векторот  $\vec{a} = (0, 3, 4)$  е:

Векторите  $\vec{a} = \vec{i} + 2\vec{j} + y\vec{k}$  и  $\vec{b} = 3\vec{i} + x\vec{k} + 6\vec{k}$  се колинеарни ако вредностите на  $x$  и  $y$  се:

Косинусот од аголот што векторот  $\vec{a} = 5\vec{i} - 2\vec{j} + 4\vec{k}$  го зафаќа со  $y$ -оската е:

За која вредност на  $x$  векторите  $\vec{a} = (1, x, -3)$  и  $\vec{b} = (2, 2x, -2x)$  се паралелни?

Во триаголникот  $ABC$  каде точката  $T$  е негово тежиште, збирот на векторите  $\vec{AT} + \vec{BT} + \vec{CT}$  е:

Даден е триаголникот  $ABC$  и произволната точка  $O$ . Векторот  $\vec{OT}$ , каде  $T$  е тежиштето на  $\triangle ABC$ , изразен преку векторите  $\vec{OA}, \vec{OB}$  и  $\vec{OC}$  е:

Дадена е отсечката  $AB$  која со точките  $A_1, A_2$  и  $A_3$  е поделена на четири еднакви делови. Векторот  $\vec{OA_1}$  изразен преку векторите  $\vec{OA} = \vec{a}$  и  $\vec{OB} = \vec{b}$  е:

Дадена е отсечката  $AB$  која со точките  $A_1, A_2$  и  $A_3$  е поделена на четири еднакви делови. Векторот  $\vec{OA_2}$  изразен преку векторите  $\vec{OA} = \vec{a}$  и  $\vec{OB} = \vec{b}$  е:

## 8. Линеарна алгебра и аналитичка геометрија - Изборен предмет

Прашање

Дадена е отсечката АВ која со точките  $A_1, A_2$  и  $A_3$  е поделена на четири еднакви делови. Векторот  $\vec{OA_3}$  изразен преку векторите  $\vec{OA} = \vec{a}$  и  $\vec{OB} = \vec{b}$  е:

Ако аголот меѓу векторите  $\vec{a}$  и  $\vec{e}$  е  $\varphi$ , тогаш аголот меѓу  $\lambda \vec{a}$  и  $\vec{e}$ , каде  $\lambda \in \mathbb{R}$  е:

За векторскиот производ  $[\vec{a}, \vec{b}]$  важи

Точката М чијшто радиус вектор е  $\vec{r} = (-1, 0, 3)$  има координати:

Растојанието меѓу точките  $M_1(x_1, y_1, z_1)$  и  $M_2(x_2, y_2, z_2)$  се пресметува со формулата:

Средината на отсечката определена со точките  $M_1(x_1, y_1, z_1)$  и  $M_2(x_2, y_2, z_2)$  има координати:

Нормалната скаларна равенка на рамнината е равенката:

Општата скаларна равенка на рамнина е равенката:



## 8. Линеарна алгебра и аналитичка геометрија - Изборен предмет

Прашање

Сегментниот облик на равенката на рамнина е равенката:

Равенката на рамнината што ја содржи точката  $(x_0, y_0, z_0)$  се претставува со равенката:

Ако за рамнините  $\Sigma_1: A_1x + B_1y + C_1z + D_1 = 0$ ,  $\Sigma_2: A_2x + B_2y + C_2z + D_2 = 0$  важи условот  $\frac{A_1}{A_2} = \frac{B_1}{B_2} = \frac{C_1}{C_2} = \frac{D_1}{D_2}$ , тогаш тие се:

Рамнината  $Az = D$ ;  $A, D \neq 0$  е паралелна со рамнината:

Равенката  $\vec{r} \cdot \vec{n}_0 - p = 0$  каде што  $\vec{r}$  е радиус вектор на произволна точка,  $\vec{n}_0$  е вектор нормален на рамнината, а  $p$  е растојанието од точката до рамнината се нарекува:

Равенката  $\vec{r} \cdot \vec{n} + D = 0$ , каде што  $\vec{n}$  е произволен ненулти вектор, а  $D$  произволен скалар, претставува равенка на:

Рамнината која што е нормална на векторот  $\vec{n}$  и минува низ точката  $M_1$  определена со равенката  $(\vec{r} - \vec{r}_1) \cdot \vec{n} = 0$  е:

Векторската равенка  $[\vec{r} - \vec{r}_1, \vec{r} - \vec{r}_2, \vec{r} - \vec{r}_3] = 0$  претставува равенка на рамнина низ:

## 8. Линеарна алгебра и аналитичка геометрија - Изборен предмет

Прашање

Нормалниот вектор на рамнината  $\vec{n}_0$  може да се претстави со равенството:

Нека се дадени две рамнини со своите векторски равенки  $\vec{r} \cdot \vec{n}_1 + D_1 = 0$ ;  $\vec{r} \cdot \vec{n}_2 + D_2 = 0$ . Тогаш аголот меѓу рамнините се одредува според формулата:

Равенката  $\vec{r} = \vec{r}_1 + t\vec{a}$  каде што  $\vec{a}$  е произволен вектор,  $t$  е реален број,  $\vec{r}_1$  е радиус вектор на дадена точка и  $\vec{r}$  е радиус вектор на произволна точка, претставува:

Правите  $\frac{x+4}{2} = \frac{y+1}{-2} = \frac{z-3}{3}$ ;  $\frac{x+8}{6} + \frac{y+5}{m} = \frac{z+7}{2}$  се нормални ако вредноста на  $m$  изнесува:

На која од координатните рамнини е нормална правата која што е паралелна со векторот  $(0,0,1)$ ?

Ако за рамнините  $\Sigma_1: A_1x + B_1y + C_1z + D_1 = 0$  и  $\Sigma_2: A_2x + B_2y + C_2z + D_2 = 0$  важи условот  $\frac{A_1}{A_2} = \frac{B_1}{B_2} = \frac{C_1}{C_2}$ , тогаш:

Правата  $p: \frac{x-x_1}{a_1} = \frac{y-y_1}{a_2} = \frac{z-z_1}{a_3}$  е нормална со рамнината  $\Sigma: Ax + By + Cz + D = 0$ , ако важи:

Координатното претставување на векторот  $\vec{M_1M_2}$  ако јшто  $M_1(1, -2, 0)$ ,  $M_2(3, 0, -1)$  е:

## 8. Линеарна алгебра и аналитичка геометрија - Изборен предмет

Прашање

Периметарот на триаголникот со темиња  $M_1(0,0,3)$ ,  $M_2(4,0,0)$  и  $M_3(0,0,0)$  е:

Координатите на тежиштето на триаголникот со темиња  $A(3,-2,1)$ ,  $B(4,0,3)$ ,  $C(-2,6,5)$  се:

Дадени се точките  $A(2,6,3)$  и  $M(6,2,0)$ . Координатите на точката  $B$ , ако точката  $M$  е средина на отсечката  $AB$ , се:

Волуменот на тетраедарот што го определува рамнината што на координатните оски прави отсечоци со должини  $a$ ,  $b$  и  $c$  и рамнините  $xu$ ,  $xy$  и  $yz$ , изнесува:

Аголот меѓу рамнините  $x = 0$  и  $z = 0$  е:

Која од долунаведените точки припаѓа на правата  $\frac{x-1}{1} = \frac{y-3}{2} = \frac{z+1}{-1}$  ?

## 8. Линеарна алгебра и аналитичка геометрија - Изборен предмет

Прашање

Правата  $\frac{x-2}{3} = \frac{y+1}{k} = \frac{z}{-1}$  е паралелна со рамнината  $kx+3z+7=0$  ако вредноста на  $k$  изнесува:

Равенката на нормалата на рамнината  $5x+3y-7z+1=0$  повлечена од точката  $(3,-2,4)$  е:

Растојанието меѓу точките  $A(1,-3,-1)$ ;  $B(3,-5,0)$  е:

Ако  $\frac{x-1}{-1} = \frac{y+1}{1} = \frac{z-2}{-2}$  е равенка на права во каноничен вид, тогаш параметарските равенки на правата се:

Волуменот на тетраедарот ограничен со координатните рамнини и со рамнината  $4x+6y+12z-24=0$  е:

Ако  $x=2+3t$ ;  $y=6+2t$ ;  $z=-4+4t$  се параметриски равенки на права, тогаш равенката на правата во каноничен облик е:

Во равенката на рамнината  $Ax+By+Cz+D=0$  ако  $A=0$ , тогаш рамнината:

Во равенката на рамнината  $Ax+By+Cz+D=0$  ако  $A=D=0$  тогаш рамнината:

Во равенката на рамнината  $Ax+By+Cz+D=0$  ако  $C=D=0$  тогаш рамнината:

## 8. Линеарна алгебра и аналитичка геометрија - Изборен предмет

Прашање

Во равенката на рамнината  $Ax + By + Cz + D = 0$  ако  $A = C = 0$  тогаш рамнината:

Во равенката на рамнината  $Ax + By + Cz + D = 0$  ако  $B = C = 0$  тогаш рамнината:

Рамнините  $mx + 2y - 3z + 11 = 0$ ;  $x - 3y + z - 11 = 0$  се нормални ако вредноста на  $m$  изнесува:

Правите  $\frac{x-1}{3} = \frac{y+1}{-2} = \frac{z}{1}$ ;  $\frac{x+4}{-3} + \frac{y-1}{m} = \frac{z}{-1}$  се паралелни ако вредноста на  $m$  изнесува:

Правите  $\frac{x-1}{3} = \frac{y+1}{m} = \frac{z}{3}$ ;  $\frac{x-4}{-6} + \frac{y+5}{m} = \frac{z+3}{3}$  се нормални ако вредностите на  $m$  изнесуваат:

При решавање на системи равенки се користат:

Ако  $A$  е матрица од ред  $2 \times 3$ , тогаш нејзината транспонирана матрица е од ред:

Производот на матриците  $[a_{ij}]_{n \times n}$  и  $[b_{ij}]_{n \times p}$  е матрицата:

Транспонираната матрица  $(AB)^T$  на производот на матриците  $A$  и  $B$  е :

## 8. Линеарна алгебра и аналитичка геометрија - Изборен предмет

Прашање

Матрицата  $AB$  е квадратна и нилпотентна ако постои број  $m$  таков што  $(AB)^m$  е еднаков на:

Квадратната матрица е несингуларна, ако:

Со замената на редиците во колони, а колоните во редици кај матрицата се добива:

Ако за квадратна матрица  $A$  важи  $A^T = -A$  ( $T$  е транспонирана матрица), тогаш матрицата  $A$  се нарекува:

Ако за квадратна матрица  $A$  постои некој број  $m$  така што  $A^m = 0$ , тогаш матрицата  $A$  се нарекува:

Ако за квадратна матрица  $A$  важи  $A^T = A$  ( $T$  е транспонирана матрица), тогаш матрицата  $A$  се нарекува:

Ако за квадратна матрица  $A$  важи  $A \cdot A^T = I$  ( $T$  е транспонирана, а  $I$  е единечна матрица), тогаш матрицата  $A$  се нарекува:

Детерминантата на матрицата  $\begin{bmatrix} \cos x & \sin x \\ -\sin x & \cos x \end{bmatrix}$  има вредност:

## 8. Линеарна алгебра и аналитичка геометрија - Изборен предмет

Прашање

Матрицата  $A = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 2 \\ -1 & 0 & 0 \\ -2 & 0 & 0 \end{bmatrix}$  е:

Нека е дадена равенката  $2x - 3y = 7$ . Земајќи произволна вредност за  $y = t$  множеството на решенија на равенката е:

Равенката  $0 \cdot x_1 + 0 \cdot x_2 + \dots + 0 \cdot x_n = b, b \neq 0$  е:

Множеството решенија на равенката  $0 \cdot x_1 + 0 \cdot x_2 + \dots + 0 \cdot x_n = 0$  е:

Инверзна матрица на матрицата  $\begin{bmatrix} 6 & 3 \\ 8 & 4 \end{bmatrix}$  е:

Инверзна матрица на матрицата  $\begin{bmatrix} 1 & 1 \\ 1 & 1 \end{bmatrix}$  е:

Инверзна матрица на матрицата  $\begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 \end{bmatrix}$  е:

Инверзна матрица на матрицата  $\begin{bmatrix} 1 & -2 & 2 \\ 2 & 3 & 4 \\ 3 & 5 & 6 \end{bmatrix}$  е:

## 8. Линеарна алгебра и аналитичка геометрија - Изборен предмет

Прашање

Инверзна матрица на матрицата  $\begin{bmatrix} 1 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 1 \end{bmatrix}$  е:

Методот за решавање на систем линеарни равенки во кој се користат елементарните трансформации е:

Ако  $ABC$  е квадратна и симетрична матрица, тогаш  $(ABC)^T$  е:

Ако проширената матрица на еден систем има ранг 4, тогаш системот има барем едно решение, ако матрицата на системот има ранг:

Производот на матрицата  $\begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{bmatrix}$  со матрицата  $\frac{1}{2} \begin{bmatrix} -4 & 2 \\ 3 & -1 \end{bmatrix}$  е:

Матрицата  $A = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 1 \\ 0 & 2 & -1 \\ 1 & -1 & 1 \end{bmatrix}$  е:

Ако  $A = \begin{bmatrix} 1 & -3 \\ -2 & 6 \end{bmatrix}$ ,  $B = \begin{bmatrix} 2 & 1 \\ 4 & 2 \end{bmatrix}$  тогаш  $B \cdot A$  е:

Инверзна матрица на матрицата  $\begin{bmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{bmatrix}$  е:



## 8. Линеарна алгебра и аналитичка геометрија - Изборен предмет

Прашање

Производот на матрицата  $\begin{bmatrix} 1 & k \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$  со матрицата  $\begin{bmatrix} 1 & -k \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$  е:

Рангот на матрицата  $\begin{bmatrix} 1 & 4 & 2 \\ 3 & 7 & 7 \\ 2 & 5 & 4 \end{bmatrix}$  е:

Ако  $A = \begin{bmatrix} 1 & -3 \\ -2 & 6 \end{bmatrix}$ ,  $B = \begin{bmatrix} 2 & 1 \\ 4 & 2 \end{bmatrix}$  тогаш  $A \cdot B$  е:

Нека е дадена равенката  $2x - 3y + 4z = 8$ . Земајќи произволна вредност за  $y = t_1$  и  $z = t_2$  множеството решенија на равенката е:

Пресликувањето  $f: A \rightarrow B$  е сурјекција ако и само ако:

Инверзна матрица на матрицата  $\begin{bmatrix} 3 & -5 \\ -1 & 2 \end{bmatrix}$  е:

Инверзна матрица на матрицата  $\begin{bmatrix} a & b \\ c & d \end{bmatrix}$  при  $ad - bc \neq 0$  е:

Инверзна матрица на матрицата  $\begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & -1 \end{bmatrix}$  е:

Инверзна матрица на матрицата  $\begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & -2 \end{bmatrix}$  е:

## 8. Линеарна алгебра и аналитичка геометрија - Изборен предмет

Прашање

Решението на системот равенки 
$$\begin{cases} 2x_1 + x_2 + 3x_3 - 2 = 4 \\ 3x_1 + 2x_2 - x_3 - 2 = 2 \\ x_1 - x_2 + 4x_3 - 2 = 2 \\ -2x_1 + 5x_2 + 2x_3 - 2 = 3 \end{cases}$$
 е подредена тројка:

По пресметувањето на вредноста на детерминантата 
$$\begin{vmatrix} 123 \\ 369 \\ -3-6-9 \end{vmatrix}$$
 се добива:

Системот 
$$\begin{cases} 2x - 3y + z - 1 = 4 \\ 0 \cdot x + 3y - 4z - 1 = 0 \\ 0 \cdot x + 0 \cdot y - 5z - 1 = 3 \end{cases}$$
 има:

Најголемата страна на триаголникот со суми на паровите страни  $9\text{ cm}$ ,  $10\text{ cm}$ ,  $11\text{ cm}$  изнесува:

Вредноста на детерминантата 
$$\begin{vmatrix} 102 \\ 2015a2016 \\ 306 \end{vmatrix}$$
 е:

Вредноста на детерминантата 
$$\begin{vmatrix} 2 & 0 & 0 \\ 2 & 2 & 0 \\ 3 & 4 & 2 \end{vmatrix}$$
 е:

## 8. Линеарна алгебра и аналитичка геометрија - Изборен предмет

Прашање

Системот равенки  $2x = -3y; mx + 6y = 0$  има и нетривијални решенија, ако:

Вредноста на детерминантата  $\begin{vmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 0 & 3 & 4 \\ 0 & 0 & 1 \end{vmatrix}$  е:

Збирот на решенијата на системот равенки  $\begin{cases} 2x + 3 = 5y \\ 4x - 5 = -y \end{cases}$  е:

Системот  $\begin{cases} 3x + 2y = 1 \\ mx - 2 = 4y \end{cases}$  нема решение ако вредноста на  $m$  е:

Системот  $\begin{cases} 2x - 5 = 3y \\ mx - 10 = 6y \end{cases}$  има бесконечно многу решенија ако вредноста на  $m$  е:

Аголот меѓу векторите  $\vec{a}$  и  $\vec{b}$  при што  $|\vec{a}| = 7, |\vec{b}| = 6$  и  $\vec{a} \cdot \vec{b} = -21$  е:

Модулот на векторскиот производ од векторите  $\vec{a}$  и  $\vec{b}$  за кои  $|\vec{a}| = 5, |\vec{b}| = 8, \angle(\vec{a}, \vec{b}) = 30^\circ$

Плоштината на  $\Delta MNP$  конструиран над векторите  $\vec{MN} = (-3, -5, 8)$  и  $\vec{MP} = (3, -2, 6)$  е:

## 8. Линеарна алгебра и аналитичка геометрија - Изборен предмет

Прашање

Мешаниот производ од векторите  $\vec{a} = (1, 5, 0)$ ;  $\vec{b} = (3, 7, 0)$ ;  $\vec{c} = (4, 2, 0)$  е:

Мешаниот производ од векторите  $\vec{a} = (2, 0, 0)$ ;  $\vec{b} = (0, 3, 0)$ ;  $\vec{c} = (0, 0, 4)$  е:

Косинусот од аголот што го зафаќаат векторите  $\vec{a} = (0, 4, 5)$ ;  $\vec{b} = (4, 5, 0)$  е:

Даден е паралелограмот  $MNPQ$ . Ако точката  $A$  е средина на страната  $MN$ , точката  $B$  е средина на страната  $NP$  и точката  $S$  е пресек на  $MB$  и  $QA$ , тогаш односот  $\vec{MS} : \vec{SB}$  изнесува:

Даден е паралелограмот  $MNPQ$ . Ако точката  $A$  ја дели страната  $MN$  во однос на  $2:1$ , точката  $B$  ја дели страната  $NP$  исто така во однос  $2:1$  и  $S$  е пресек на  $MB$  и  $QA$ , тогаш односот  $\vec{MS} : \vec{SB}$  изнесува:

Нека  $M$ ,  $N$ ,  $P$  се темиња на триаголникот  $MNP$ , тогаш збирот на векторите  $\vec{MN} + \vec{NP} + \vec{PM}$  е:

Дадени се три последователни темиња на паралелограм  $M(1, -2, 3)$ ,  $N(3, 2, 1)$  и  $P(6, 4, 4)$ , тогаш четвртото теме  $Q$  има координати:

Векторите  $\vec{a} = (-x, 1, 2x)$  и  $\vec{b} = (x, -9, x)$  се нормални ако вредноста на  $x$  е:

Четириаголникот  $MNPQ$  со темиња  $M(-3, -2, 0)$ ,  $N(3, -3, 1)$ ,  $P(5, 0, 2)$ ,  $Q(-1, 1, 1)$  е:

## 8. Линеарна алгебра и аналитичка геометрија - Изборен предмет

Прашање

За мешаниот производ на векторите  $\vec{m}$ ,  $\vec{n}$  и  $\vec{p}$  и волуменот на паралелопипед конструиран над векторите важи:

За точките  $M(3,5,1)$ ,  $N(2,4,7)$ ,  $P(1,5,3)$  и  $Q(4,4,5)$  важи:

Равенката на рамнината низ точките  $A(1,1,0)$ ,  $B(0,1,1)$  и  $C(0,0,0)$  е:

Параметриските равенки на права низ точката  $A(2,3,4)$  и паралелна на векторот  $\vec{a} = (7-4, 2)$

Каноничната равенка на правата што минува низ точката  $A(2,-1,3)$ , а е нормална на рамнината  $3x-5y-6z-11=0$  е:

## 8. Линеарна алгебра и аналитичка геометрија - Изборен предмет

Прашање

Заедничката точка на правата и рамнината  $\frac{x-1}{5} = \frac{y-1}{1} = \frac{z-1}{4}$  е:  $x + y + z - 13 = 0$

Аголот меѓу рамнината и рамнината зададена со равенката  $x - 3 + \sqrt{2}z = 2 + y$  изнесува:

Аголот меѓу рамнините дадени со равенките  $2x + 2z = 1 + y$ ;  $y + 4z = 5 - x$  е:

Во кој однос точката  $A(-2, 1, 3)$  ја дели отсечката  $BC$  ако  $B(2, -3, 5)$ ;  $C(-4, 3, 2)$ ?

Аголот меѓу рамнините зададени со равенките  $2x + z = 1 + 2y$ ;  $3y + 4z = 5 - x$  е:

Волуменот на тетраедарот ограничен со координатните рамнини и со рамнината  $3x + 4y = 6(2 - z)$  е:

. Рамнините  $my + nz = 7 - 2x$ ;  $2x + 3y + 4z = -\frac{7}{3}$  се паралелни ако на  $m$  и  $n$  соодветно се:

Рамнините  $mx + 2y = 3z - 11$ ;  $mx + z = 11 + 3y$  се нормални ако вредноста на  $m$  изнесува:

Правите  $\frac{x-1}{3} = \frac{y+1}{-2} = \frac{z}{5}$ ;  $\frac{x+8}{6} = \frac{y+5}{a} = \frac{z-3}{b}$  се паралелни ако вредностите на  $a$  и  $b$  изнесуваат:

## 8. Линеарна алгебра и аналитичка геометрија - Изборен предмет

Прашање

За која вредност на  $m$  рамнината  $4x + my - 3z + 13 = 0$  и правата  $\frac{x-3}{8} = \frac{y-4}{-8} = \frac{z+1}{-6}$  се нормални?

За која вредност на  $m$  рамнината  $3x + my - 4z + 13 = 0$  и правата  $\frac{x+3}{3} = \frac{y-1}{1} = \frac{z+4}{4}$  се паралелни?

За која вредност на  $a$  рамнината  $2x + ay - 2z + 13 = 0$  и правата  $\frac{x-3}{-3} = \frac{y+1}{a} = \frac{z-4}{5}$  се паралелни?

Рамнината  $2x + 3y - 2 = z + 10$  и правата  $\frac{x}{1} = \frac{y-1}{-1} = \frac{z+1}{1}$  имаат една заедничка точка со координати:

Заемната положба на правата и рамнината  $\frac{x-1}{2} = \frac{y+4}{3} = \frac{z-2}{5}$  е:  
 $3x - 10 = 2y + 5z + 1$

Паралелограмот над векторите  $(2,0,0)$  и  $\vec{a} = (0,0,2)$  припаѓа на рамнина нормална на координатната оска:  $\vec{b} =$

Инверзна матрица на матрицата  $\begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 3 \end{bmatrix}$  е:

Инверзна матрица на матрицата  $\begin{bmatrix} 1 & -2 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$  е:

## 8. Линеарна алгебра и аналитичка геометрија - Изборен предмет

Прашање

Инверзна матрица на матрицата  $\begin{bmatrix} 1 & 3 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$  е:

Инверзна матрица на матрицата  $\begin{bmatrix} 1 & -\frac{4}{5} \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$  е:

Инверзна матрица на матрицата  $\begin{bmatrix} 1 & a^2 - b^2 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$  е:

Нека  $M = \begin{bmatrix} 1 & -3 \\ -2 & 6 \end{bmatrix}$ ,  $N = \begin{bmatrix} 2 & 1 \\ 4 & 2 \end{bmatrix}$ , тогаш  $NM$  изнесува:

Матрицата  $\begin{bmatrix} 2 & 0 \\ 0 & 2 \end{bmatrix}^{2015}$  по степенувањето е:

Решение на матричната равенка  $AX=B$  при што  $A = \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$ ,  $B = \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{bmatrix}$

Инверзна матрица на матрицата  $\begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1001 \end{bmatrix}$  е:

Инверзна матрица на матрицата  $\begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 2015 \end{bmatrix}$  е:



## 8. Линеарна алгебра и аналитичка геометрија - Изборен предмет

Прашање

Рангот на матрицата  $\begin{bmatrix} 6 & 7 & 8 \\ 0 & 8 & 9 \\ 0 & 0 & 6 \end{bmatrix}$  е:

Нека  $M = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ -1 & 2 \\ 4 & 1 \end{bmatrix}$ ,  $N = \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 0 & -3 \\ 4 & 1 \end{bmatrix}$ ,  $P = \begin{bmatrix} 5 & 3 \\ -1 & 1 \\ 3 & 2 \end{bmatrix}$  тогаш  $P - 2N + 3M$  е;

За да важи равенството  $a \begin{bmatrix} 1 & 1 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} + b \begin{bmatrix} 0 & 2 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} + c \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 1 & 1 \end{bmatrix} + d \begin{bmatrix} 2 & 1 \\ 0 & 2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 2 & 1 \end{bmatrix}$  вредностите на коефициентите  $a, b, c$  и  $d$  се:

Решение на матричната равенка  $CX = D$  при што  $C = \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{bmatrix}$ ,  $D = \begin{bmatrix} 3 & 5 \\ 5 & 9 \end{bmatrix}$  е матрицата:

Решение на матричната равенка  $CXD = E$  при што  $C = \begin{bmatrix} 3 & -1 \\ 5 & -2 \end{bmatrix}$ ,  $D = \begin{bmatrix} 5 & 6 \\ 7 & 8 \end{bmatrix}$ ,  $E = \begin{bmatrix} 14 & 16 \\ 9 & 10 \end{bmatrix}$  е матрицата:

Правите  $\frac{x-3}{4} = \frac{y+1}{-2} = \frac{z-4}{a}$  и  $\frac{x-5}{8} = \frac{y+2}{-4} = \frac{z-5}{4}$  се паралелни ако вредноста на  $a$  изнесува:

## 8. Линеарна алгебра и аналитичка геометрија - Изборен предмет

Прашање

Равенката на рамнината што минува низ точката  $M(7, -5, 1)$ , а на координатните оски отсекува позитивни и еднакви отсецоци, е:

Ортогонална матрица на матрицата  $\begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$  е:

Матрицата  $\begin{bmatrix} \sin x & \cos x \\ -\cos x & \sin x \end{bmatrix}$  е:

За која вредност на параметарот  $a$  системот  $\begin{cases} ax + y + z = 0 \\ x + ay + z = 0 \\ x + y + z = 0 \end{cases}$  има барем 2016 решенија?

Средините на страните на квадратот се темиња на кој многуаголник?

Колку пати е поголем волуменот на паралелопипедот конструиран над три некомпланарни вектори од волуменот на тетраедарот конструиран над истите вектори?

Модулот на векторот  $\vec{a} + \vec{c}$  за  $\vec{a} = (1, 2, 2)$  и  $\vec{c} = (1, 0, 1)$  е: